

கிழக்குப் பல்கலைக்கழகம், இலங்கை  
கலைகலாசார பீடம் இரண்டாம் வருட இரண்டாம் அரையாண்டு சிறப்புக்  
கலைமாணித் தேர்வு

2015/2016 Batch (December - 2019)

PY/S- 2213 – நவீன அளவையியலுக்கோர் அறிமுகம்  
[Introduction to Modern Logic]

நுரம் : 03 மணித்தியாலம்

ததி I இல் இரு வினாக்களையும் பகுதி II இல் மூன்று வினாக்களையும் தெரிவு  
செய்து மொத்தம் ஐந்து வினாக்களுக்கு விடை எழுதுக.

## பகுதி I

1. பின்வரும் வாதங்களைக் குறியீட்டாக்கம் செய்து ‘நேரல்’ முறை மூலம்  
அதன் வாய்ப்பு வாய்ப்பின்மையைத் துணிக.
- I. ஸராக்கும் இந்தியாவும் அமைதியை விரும்பும் ஆயின் பாகிஸ்தான்  
இந்தியா ஆகிய இரண்டில் ஒன்று மட்டுமே அமைதியை விரும்பும்  
ஆகவே பாகிஸ்தான் அமைதியை விரும்பவுமில்லை அதே போல  
ஸராக்கும் அதே நிலைப்பாட்டில் தான் இருந்தது.
- II. குமார் மற்றும் ராஜா விளையாட்டு வீரர்கள் ஆயின் ராஜா  
வெற்றிக் கிண்ணத்தைப் பெறுவான். ராஜாவோ குமாரோ  
சிந்திக்கவில்லை. ஆகவே குமார் விளையாட்டு வீரன் என்பது  
பொய்யல்ல.
- III. தண்ணீர் பற்றாக்குறையிருந்தால் மின்சாரம் துண்டிக்கப்படும்.  
நாட்டில் கலகம் நடந்தால் ஊரடங்குச் சட்டம் அழுல்  
செய்யப்படும். மின்சாரம் துண்டிக்கப்படவுமில்லை ஊரடங்குச்  
சட்டம் அழுல் செய்யப்படவுமில்லை. ஆகவே தண்ணீர்  
பற்றாக்குறையுமில்லை.
- IV. தேர்தல் அமைதியாக நடைபெறுமாயினே மக்கள்  
மகிழ்ச்சியடைவர். மக்கள் மகிழ்ச்சி இல்லாது இரார் என்பதோடு  
உயர் அதிகாரிகள் வருகைதரவில்லையாயின் தேர்தல்  
அமைதியாக நடைபெறும். ஆகவே மக்கள்  
மகிழ்ச்சியடையவில்லை அல்லது உயர் அதிகாரிகள் வருகை  
தருகின்றனர்.

(05 x 04 புள்ளிகள்)

2. பின்வரும் குறியீட்டு வாதங்களின் வாய்ப்பினை உண்மை விருட்மூலம் நிறுவிக்காட்டுக.

$$\text{I. } [\sim P \rightarrow (Q \vee \sim R)] \therefore (P \vee Q)$$

$$\text{II. } [(P \rightarrow Q) \rightarrow (P \rightarrow R)] \therefore [P \rightarrow (Q \rightarrow R)]$$

$$\text{III. } (P \rightarrow Q) \cdot (\sim Q \rightarrow R) \therefore (P \rightarrow R)$$

$$\text{IV. } (P \rightarrow Q) \cdot (R \rightarrow S) \cdot (P \vee R) \therefore (Q \vee S)$$

$$\text{V. } [(P \wedge Q) \rightarrow R] \therefore [\sim R \rightarrow (\sim P \vee \sim Q)]$$

(05 x 04 புள்ளிகள்)

3. அ) பின்வரும் தேற்றங்களை பெறுகை முறை மூலம் நிறுவிக் காட்டு.

$$\text{I. } [(P \vee Q) \leftrightarrow \sim(\sim P \wedge \sim Q)]$$

$$\text{II. } [(P \rightarrow Q) \rightarrow [(P \vee R) \rightarrow (Q \vee R)]]$$

$$\text{III. } [(\sim P \wedge \sim Q) \rightarrow (P \leftrightarrow Q)]$$

$$\text{IV. } [(P \rightarrow \sim Q) \rightarrow \sim(P \leftrightarrow Q)]$$

(04 x 05 புள்ளிகள்)

## பகுதி II

அ) பின்வரும் மொழி நடை வாக்கியங்களை பயனிலை தர்க்கத்தின் வழியாக குறியீட்டாக்கம் செய்க.

- (i) நாய்கள் உள்ளன.
- (ii) அப்பிஞம் திராட்சையுமே சத்தானவை என்பதோடு மலிவானவையுமாகும்.
- (iii) குரங்குகளைத் தவிர ஏனைய அனைத்தும் நீந்த முடியாதவை.
- (iv) பிளேட்டோ மெய்யியல்வாதியும் கணிதவியலாளருமாவார்.

(03×04 புள்ளிகள்)

ஆ) பதார்த்த எடுப்புக்குரிய பயனிலைத்தர்க்க குறியீட்டு வடிவங்களையும் அவற்றுக்குரிய சமமான குறியீட்டு வடிவங்களையும் எழுதுக.

(08 புள்ளிகள்)

5. பின்வருவனவற்றிற்கு சிறுகுறிப்பெழுதுக.

- i. வாய்ப்பும் உண்மையும்.
- ii. உண்மை விருட்ச வரிசை, கிளையாக்க விதிகள்.
- iii. P என்பதன் கூறியது கூறல் P ஆகும் என்பதை உண்மை விருட்ச முறையில் காட்டுக.
- iv. P என்பதன் முரண் ~P ஆகும் என்பதை உண்மை விருட்ச முறையில் காட்டுக.
- v.  $\sim V_x(\sim f_x \rightarrow \sim G_x)$  என்பதற்கு சமனான குறியீட்டாக்கம் எது.

(05×04 புள்ளிகள்)

6. அ) பின்வரும் குறியீட்டாகக்கத்திற்கான தர்க்கப்படலையினை வரைக.

$$(I) \quad [(\sim P \vee \sim Q) \wedge (\sim P \vee Q)]$$

$$(II) \quad \{[(P \wedge Q) \vee Q] \wedge \sim R\}$$

$$(III) \quad (\sim P \leftrightarrow \sim P)$$

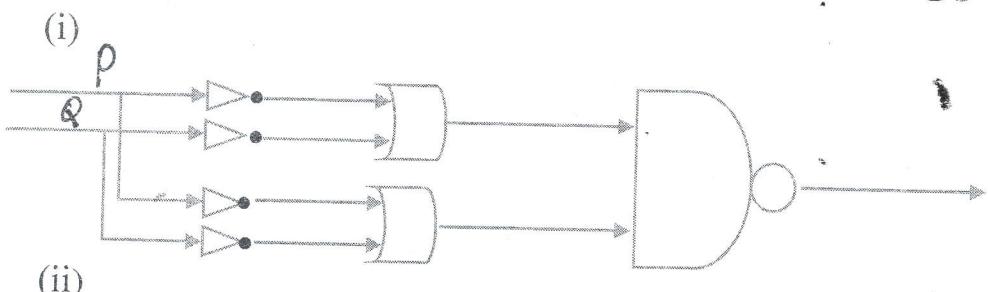
$$(IV) \quad [(\sim P \vee \sim Q) \wedge (\sim Q \vee \sim P)]$$

$$(V) \quad [(R \wedge \sim Q) \wedge R]$$

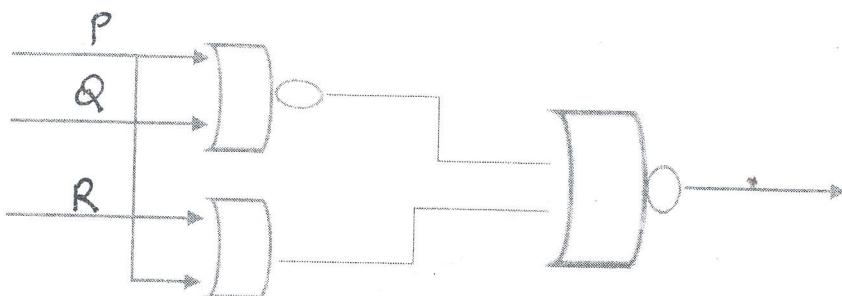
(05×03 புள்)

ஆ) பின்வரும் தர்க்கப்படலைக்கான குறியீட்டாகக்கத்தினை எழுதுக.

(i)



(ii)



(2.5×02 புள்)

7. நவீன அளவையியலின் தோற்றப் பின்னணியை விளக்கி அதன் செல்நெறிப் போக்கினை ஆராய்க.

(20 புள்ளிக்)